

Aufgabe 1:¹

Drücke mit Hilfe des Skalarprodukts aus, dass

- (a) die Vektoren \vec{p} und \vec{q} orthogonal sind
- (b) \vec{p} und \vec{q} linear abhängig sind
- (c) das Dreieck ABC bei C rechtwinklig ist
- (d) das Dreieck ABC bei A rechtwinklig ist
- (e) das Viereck $ABCD$ ein Rechteck ist
- (f) das Viereck $ABCD$ ein Quadrat ist.

Aufgabe 2:²

Bestimme alle Vektoren aus \mathbb{R}^3 , welche sowohl zu $\begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}$ als auch zu $\begin{pmatrix} 2 \\ 5 \\ 7 \end{pmatrix}$ orthogonal sind.

Aufgabe 3:³

Die Punkte der Ebene, deren Ortsvektoren \vec{x} die Gleichung $\begin{pmatrix} 2 \\ 5 \end{pmatrix} \circ \vec{x} = 6$ erfüllen, bilden eine Gerade. Gib eine Koordinatengleichung und eine Parametergleichung für diese Gerade an.

Aufgabe 4:⁴

Wo liegen die Punkte des Raumes, für deren Ortsvektoren \vec{x} die Gleichung $\begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix} \circ \vec{x} = 11$ gilt?

¹ Schmid, August; Schweizer, Wilhelm (Hrsg.) (1988): „LS Mathematik – Analytische Geometrie mit Linearer Algebra“, „Leistungskurs“; 1. Auflage; Ernst Klett Schulbuchverlag; Stuttgart; S. 123; Aufgabe 8.

² Schmid, August; Schweizer, Wilhelm (Hrsg.) (1988): „LS Mathematik – Analytische Geometrie mit Linearer Algebra“, „Leistungskurs“; 1. Auflage; Ernst Klett Schulbuchverlag; Stuttgart; S. 124; Aufgabe 9.

³ Schmid, August; Schweizer, Wilhelm (Hrsg.) (1988): „LS Mathematik – Analytische Geometrie mit Linearer Algebra“, „Leistungskurs“; 1. Auflage; Ernst Klett Schulbuchverlag; Stuttgart; S. 124; Aufgabe 16.

⁴ Schmid, August; Schweizer, Wilhelm (Hrsg.) (1988): „LS Mathematik – Analytische Geometrie mit Linearer Algebra“, „Leistungskurs“; 1. Auflage; Ernst Klett Schulbuchverlag; Stuttgart; S. 124; Aufgabe 17.

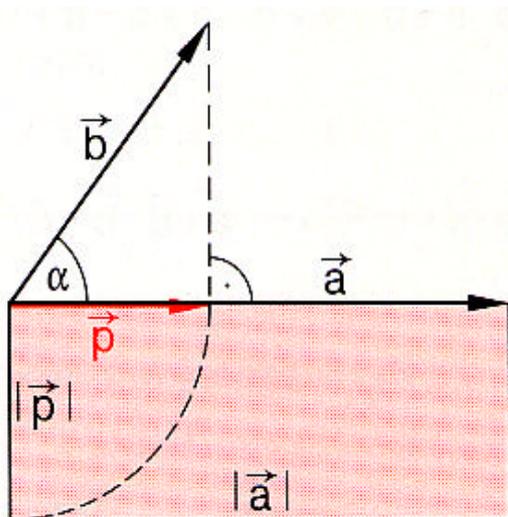
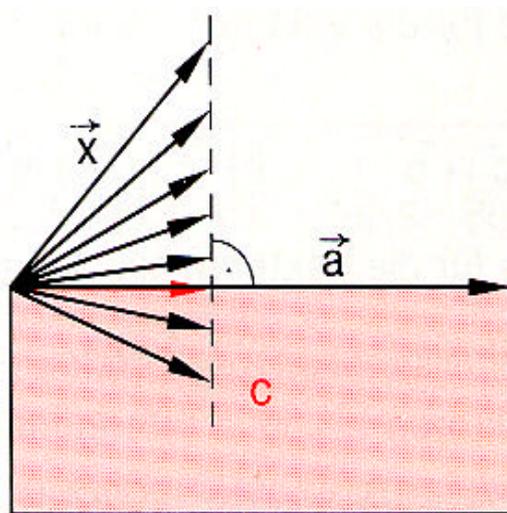
Aufgabe 5:⁵

(a) Zeige anhand von Figur (1), dass der Betrag des Skalarproduktes zweier Vektoren als Flächeninhalt eines Rechtecks gedeutet werden kann.

(b) Zu einem Vektor $\vec{a} \in V_2$ gibt es unendlich viele Vektoren \vec{x} so, dass $\vec{a} \circ \vec{x}$ einen vorgegebenen Wert c hat (vgl. Figur (2)).

Welchen Betrag hat \vec{x} für $|\vec{a}| = 4$, $c = 12$ und $\sphericalangle(\vec{a}, \vec{x}) = 60^\circ$?

Berechne $\sphericalangle(\vec{a}, \vec{x})$, wenn $|\vec{a}| = 5$, $c = 20$ und $|\vec{x}| = 6$.

Figur 1:**Figur 2:**

⁵ Schmid, August; Schweizer, Wilhelm (Hrsg.) (1988): „LS Mathematik – Analytische Geometrie mit Linearer Algebra“, „Leistungskurs“; 1. Auflage; Ernst Klett Schulbuchverlag; Stuttgart; S. 124; Aufgabe 15.